

Министерство науки и высшего образования
Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Донецкий государственный университет»

Физико-технический факультет
Кафедра математической физики

УТВЕРЖДАЮ
проректор

_____ П.А. Машаров
«17» апреля 2025 г.
МП

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТИ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА

Укрупненная группа направлений подготовки	44.00.00 Образование и педагогические науки
Программа высшего образования	Программа бакалавриата
Направление подготовки / Специальность	44.03.05 Педагогическое образование
Направленность (профиль) образовательной программы / Специализация	Физика и информатика
Квалификация	Бакалавр
Форма обучения	Очная, заочная

Рабочая программа может быть адаптирована для лиц
с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Рабочая программа дисциплины **«Теория вероятности и математическая статистика»** для обучающихся по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (Профиль: Физика и информатика), составлена на основании Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования – бакалавриат по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 22.02.2018 № 125 (с изм. и доп.), Порядка организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования – программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры, утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 06 апреля 2021 г. № 245 (с изм. и доп.), в соответствии с учебным планом, утвержденным Ученым советом ФГБОУ ВО «ДонГУ» для набора 2025 года.

Разработчик:

ст. преподаватель кафедры
математической физики

Ю.Ю. Коняева

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры математической физики.
Протокол от 10.04.2025 г. №11.

Заведующий кафедрой

В.И. Колесник

СОГЛАСОВАНО:

И.о. декана физико-технического факультета
16.04.2025 г.

С.А. Фоменко

Учебно-методическая комиссия физико-
технического факультета.

Протокол от 16.04.2025 г. № 4.

Председатель

В.Н. Котенко

В.Н. Котенко

Руководитель основной образовательной
программы, канд. физ.-мат. наук
10.04.2025 г.

А.В. Безус

1. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ

1.1. Требования к предварительной подготовке обучающихся, предшествующие и сопутствующие дисциплины, на которых основывается изучение данной:

базовая подготовка по математике в объеме программы средней школы;
математический анализ;
основы логики и алгоритмизации.

1.2. Дисциплины, курсовые работы и практики, для которых освоение данной дисциплины необходимо как предшествующее:

«Программирование и математическое моделирование», «Теоретическая физика (Электродинамика)».

2. ОПИСАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Общая характеристика

Наименование показателя	Значение показателя
Название образовательной программы (далее – ОП)	44.03.05 Педагогическое образование
Шифр и название в соответствии с учебным планом	Б1.В.ОД.12 Теория вероятности и математическая статистика
Часть образовательной программы	Вариативная часть: выбор вуза
Количество зачетных единиц / всего часов	3 / 108

В случае предъявления от обучающегося или его родителя (законного представителя) заявления на обучение по адаптированной образовательной программе высшего образования, подкрепленного заключением психолого-медико-педагогической комиссии (ПМПК) или медико-социальной экспертизы (МСЭ) с рекомендациями создания индивидуальной программы реабилитации и абилитации (ИПРА), данная рабочая программа может быть адаптирована с учетом индивидуальных особенностей здоровья обучающегося.

2.2. Распределение часов по формам и периодам обучения

Форма обучения	курс	семестр	Общее количество часов					Форма контроля
			лекци-онных	лабора-торных	практи-ческих	самостоя-тельной и контактной работы	всего	
Очная	2	4	28	-	28	52	108	зачет
Заочная	4	7	4	-	6	98	108	зачет

3. ЦЕЛИ ДИСЦИПЛИНЫ

Формирование у студентов научных представлений о сущности и свойствах вероятностных процессов, описывающих их вероятностей, случайных величин, функций распределения и статистических методов, овладение практическими навыками работы со случайными величинами и методами их поиска и оценки.

**4. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ
ОСВОЕНИЯ КОМПОНЕНТА ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ, ИХ ИНДИКАТОРЫ
И ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ**

Компетенции	Индикаторы	Результаты обучения
ПК-1. Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	ПК-1.4. Способен строго доказать утверждение, сформулировать результат, увидеть следствия полученного результата.	ПК-1.4.1. Знает основы теории вероятностей и математической статистике, необходимые для решения экономических задач. ПК-1.4.2. Умеет применять теоретико-вероятностные и статистические методы для решения экономических задач, проводить анализ статистических данных и интерпретировать его результаты. ПК-1.4.3. Владеет методикой построения, анализа и применения математических моделей для оценки состояния и прогноза развития экономических явлений и процессов (в части компетенций, соответствующих методам теории вероятностей и математической статистики).
	ПК-1.5. Способен использовать фундаментальные знания в области теории вероятностей, математической статистики в будущей профессиональной деятельности.	ПК-1.5.1. Знает формулировки основных аксиом и теорем. ПК-1.5.2. Умеет использовать фундаментальные знания в области теории вероятностей в профессиональной деятельности. ПК-1.5.3. Владеет навыками грамотного оформления научных статей

5. ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Название темы	Краткое содержание темы (вопросы темы)
Раздел 1. Случайные события	
1. Стохастические модели в физике	1.1. Стохастический эксперимент. События, их классификация. 1.2. Алгебра событий. Пространство элементарных событий. 1.3. Элементы комбинаторики в теории вероятностей. 1.4. Аксиомы теории вероятностей.
2. Различные определения вероятностей	2.1. Классическое определение вероятности. 2.2. Геометрическое определение вероятности. 2.3. Статистическое определение вероятности. 2.4. Аксиоматическое определение вероятности.

Название темы	Краткое содержание темы (вопросы темы)
3. Теоремы сложения и умножения вероятностей	3.1. Теорема сложения вероятностей. 3.2. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. 3.3. Независимые события. Формула полной вероятности. 3.4. Формула Байеса.
4. Повторные независимые испытания	4.1. Повторные независимые испытания. Формула Бернулли. 4.2. Наивероятнейшее число появлений события в независимых испытаниях. 4.3. Приближенные формулы для вычисления $P_n(m)$. 4.4. Предельные теоремы Пуассона, Муавра-Лапласа.
Раздел 2. Случайные величины	
5. Дискретные случайные величины	5.1. Понятие случайной величины. Дискретная случайная величина. 5.2. Закон распределения дискретной случайной величины. 5.3. Функция распределения дискретной случайной величины. Числовые характеристики дискретной случайной величины
6. Непрерывные случайные величины	6.1. Непрерывная случайная величина. 6.2. Функция распределения непрерывной случайной величины Плотность распределения непрерывной случайной величины. 6.3. Числовые характеристики непрерывной случайной величины.
7. Некоторые законы распределения случайных величин	7.1. Некоторые примеры дискретных и непрерывных законов распределения. 7.2. Закон больших чисел.
8. Элементы математической статистики.	8.1. Генеральная совокупность и выборка. 8.2. Эмпирическая функция распределения. 8.3. Полигон и гистограмма. Вариационный ряд. Размах варьирования. Коэффициент вариации. Мода и медиана. 8.4. Точечные и интервальные оценки неизвестных параметров распределения. 8.5. Доверительный интервал.
9. Элементы теории корреляции	9.1. Корреляционная таблица. Коэффициенты корреляции. 9.2. Уравнения прямой регрессии.

6. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Форма обучения – очная, курс – 2, семестр – 4

Наименования разделов и тем	Количество часов				
	Лекц.	Лабор.	Практ.	СРС+К	Всего
Раздел 1. Случайные события	12	-	12	22	46
1. Стохастические модели в физике	2	-	2	5	9
2. Различные определения вероятностей	3	-	3	5	11
3. Теоремы сложения и умножения вероятностей	4	-	4	6	14
4. Повторные независимые испытания	3	-	3	6	12
Раздел 2. Случайные величины	16	-	16	30	62
5. Дискретные случайные величины	3	-	3	6	12
6. Непрерывные случайные величины	3	-	3	6	12
7. Некоторые законы распределения случайных величин	3	-	3	6	12
8. Элементы математической статистики.	4	-	4	6	14
9. Элементы теории корреляции	3	-	3	6	12
ИТОГО ЗА СЕМЕСТР	28	-	28	52	108
ИТОГО ЗА КОМПОНЕНТУ ОП	28	-	28	52	108

6.2. Форма обучения – заочная, курс – 4, семестр – 7

Наименования разделов и тем	Количество часов				
	Лекц.	Лабор.	Практ.	СРС+К	Всего
Раздел 1. Случайные события	2	-	3	42	47
1. Стохастические модели в физике	0,5	-	0,5	10	11
2. Различные определения вероятностей	0,5	-	0,5	10	11
3. Теоремы сложения и умножения вероятностей	0,5	-	1	10	11,5
4. Повторные независимые испытания	0,5	-	1	12	13,5
Раздел 2. Случайные величины	2	-	3	56	61
5. Дискретные случайные величины	0,5	-	0,5	10	11
6. Непрерывные случайные величины	0,5	-	0,5	10	11
7. Некоторые законы распределения случайных величин	0,5	-	0,5	12	13
8. Элементы математической статистики.	0,25	-	1	12	13,25
9. Элементы теории корреляции	0,25	-	0,5	12	12,75
ИТОГО ЗА СЕМЕСТР	4	-	6	98	108
ИТОГО ЗА КУРС	4	-	6	98	108

7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ (СРЕДСТВА) ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

7.1. Контрольные вопросы

Раздел 1. Случайные события

1. События, их классификация.

2. Алгебра событий.
3. Пространство элементарных событий.
4. Элементы комбинаторики в теории вероятностей.
5. Классическое, геометрическое, аксиоматическое, и статистическое определение вероятности.
6. Теоремы сложения вероятностей.
7. Условная вероятность.
8. Теоремы умножения вероятностей. Независимые события.
9. Вероятность появления хотя бы одного события.
10. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
11. Повторные независимые испытания. Формула Бернулли.
12. Приближенные формулы для вычисления $P_n(m)$. Формула Пуассона.
13. Локальная и интегральная формулы Муавра-Лапласа.

Раздел 2. Аналитическая геометрия в пространстве

14. Понятие случайной величины. Дискретная случайная величина.
15. Закон распределения дискретной случайной величины (ДСВ).
16. Функция распределения дискретной случайной величины.
17. Числовые характеристики ДСВ.
18. Непрерывная случайная величина.
19. Функция распределения непрерывной случайной величины.
20. Плотность распределения непрерывной случайной величины.
21. Числовые характеристики НСВ.
22. Моменты случайных величин. Геометрический смысл некоторых моментов случайных величин.
23. Некоторые примеры дискретных и непрерывных законов распределения.
24. Предельные теоремы теории вероятностей.
25. Центральная предельная теорема.
26. Закон больших чисел.
27. Генеральная совокупность и выборка.
28. Эмпирическая функция распределения.
29. Полигон и гистограмма.
30. Вариационный ряд. Размах варьирования. Коэффициент вариации.
31. Точечные и интервальные оценки неизвестных параметров распределения.
32. Доверительный интервал.
33. Корреляционная таблица.
34. Статистическая гипотеза. Нулевая и альтернативная, простая и сложная гипотезы.

7.2. Темы письменных работ (типы задач)

Контрольные работы по практике темам:

- случайные события (решение теорем сложения вероятностей, решение теорем умножения вероятностей, применение формулы полной вероятности, применение формулы Бернулли, применение формулы Байеса, применение формулы Бернулли, применение локальной и интегральной формул Муавра-Лапласа и т.д.);
- случайные величины (определение независимости случайных величин, применение центральной предельной теоремы, нахождение коэффициента вариации, нахождение доверительного интервала и т.д.);

Контрольная работа по проверке теоретических знаний – по всем темам, с использованием указанных выше контрольных вопросов.

8. РАСПРЕДЕЛЕНИЕ БАЛЛОВ, КОТОРЫЕ ПОЛУЧАЮТ ОБУЧАЮЩИЕСЯ

Общая оценка знаний обучающихся по дисциплине проводится по 100-балльной шкале исходя из максимума, приведенного в таблице ниже.

Организационно-учебная работа в аудитории оценивается на основе таких критериев как посещаемость занятий, своевременное и качественное выполнение домашних заданий, активность во время проведения лекционных и практических занятий (участие в обсуждении текущего и пройденного материала, решение задач и т.п.).

Самостоятельная работа оценивается на основе предоставленных на проверку выполненных домашних, индивидуальных заданий с учетом своевременности их предоставления и соответствия требованиям к их выполнению.

Количество баллов за контрольную работу вычисляется как сумма баллов за все входящие в её состав задания. Каждое задание оценивается исходя из максимально возможного количества баллов с учетом правильности выполнения задания, полноты приводимых обоснований.

По результатам работы в семестре обучающийся, набравший не менее 60 баллов, имеет право получить оценку. Те, кто претендует на более высокий балл, проходят промежуточную аттестацию. Максимальное количество баллов на промежуточной аттестации – 100. Общее количество баллов за семестр вычисляется как максимальная из полученных за семестр и на промежуточной аттестации и выставляется согласно принятому порядку.

Для очной формы обучения

Номера разделов	Виды работ	Максимальное количество баллов
1	Организационно-учебная работа в аудитории	5
	Самостоятельная работа	20
	Контрольные работы по практике	20
	Контрольная работа по теоретическому материалу	5
2	Организационно-учебная работа в аудитории	5
	Самостоятельная работа	20
	Контрольные работы по практике	20
	Контрольная работа по теоретическому материалу	5
ИТОГО		100
Промежуточная аттестация (зачет)		100
Общий итог за семестр		100

Для заочной формы обучения

Номера разделов	Виды работ	Максимальное количество баллов
1	Организационно-учебная работа в аудитории	5
	Самостоятельная работа	20
	Контрольные работы по практике	20
	Контрольная работа по теоретическому материалу	5
2	Организационно-учебная работа в аудитории	5

	Самостоятельная работа	20
	Контрольные работы по практике	20
	Контрольная работа по теоретическому материалу	5
ИТОГО		100
Промежуточная аттестация (зачет)		100
Общий итог за курс		100

Соответствие баллов оценке

Количество баллов из 100	ECTS	Оценка по пятибалльной шкале	
		Экзамен, дифференцированный зачет	Зачет
90-100	A	отлично	зачтено
80-89	B	хорошо	зачтено
75-79	C		зачтено
70-74	D	удовлетворительно	зачтено
60-69	E		зачтено
35-59	FX	неудовлетворительно	не зачтено
0-34	F		не зачтено

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОГО ПРОЦЕССА

Учебные занятия проводятся в 4-м учебном корпусе (г. Донецк, пр. Театральный, д. 13). Для проведения лабораторных занятий требуется аудитория, оборудованная меловой или маркерной доской, мультимедийный проектор и экран, ноутбук, комплект учебной мебели для студентов, рабочее место преподавателя. Выход в Интернет проводной или с использованием Wi-Fi.

Для самостоятельной работы используются текстовые и электронные ресурсы Научной библиотеки университета и других электронных библиотечных баз данных, учебно-методическое обеспечение, представленное в учебно-методическом кабинете 104, 106 и 107 ауд. (главный корпус университета)

Обучающиеся имеют возможность использовать учебные материалы по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика», размещенные на платформе Moodle Центра дистанционного образования ФГБОУ ВО «ДонГУ». При изучении дисциплины применяются электронное обучение и дистанционные образовательные технологии.

С использованием ресурсов платформы дистанционного образования осуществляется текущий контроль знаний обучающихся на основе тестирования и проверки результатов самостоятельной работы.

10. РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА

10.1. Основная литература

1. Вентцель, Е.С. Теория вероятностей и ее инженерные приложения: учеб. пособие для студентов высш. техн. учеб. заведений / Е.С. Вентцель, Л.А. Овчаров. – 3 изд. – Москва : Academia, 2003. – 460 с.

2. Гихман, И.И. Теория вероятностей и математическая статистика: [учебник для мат. специальностей ун-тов и техн. вузов] / И.И. Гихман и др. – Киев: Вищагшк., 1979. – 408 с.

3. Гнеденко, Б.В. Курс теории вероятностей: [учебник для мат. специальностей университетов] / Б.В. Гнеденко. – 6-е изд. – Москва: Наука, 1988. – 446 с.
4. Гмурман, В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика: учеб. пособие. для студентов вузов / В.Е. Гмурман. – 12-е изд. – М.: Высш. образование, 2008. – 478 с.
5. Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: учеб. пособие для студентов вузов / В.Е. Гмурман. – 11-е изд. – М.: Высш. образование, 2008. – 404 с.
6. Феллер В. Введение в теорию вероятностей и ее приложения. Т. 1 / Пер. с англ. Р.Л. Добрушина и др.; Под ред. Е.Б. Дынкина; С предисл. А.Н. Колмогорова. – 2-е изд. - М.: Мир, 1967. – 498 с.

10.2. Дополнительная литература

1. Булдык, Г.М. Теория вероятностей и математическая статистика: [Учеб. пособие для экон. спец. вузов] / Г.М. Булдык. – Минск: Высш. шк., 1989. – 284 с.
2. Ивченко Г.И. Сборник задач по математической статистике: [Учеб. пособие для вузов] / Г.И. Ивченко, Ю.И. Медведев, А. В. Чистяков. – М.: Высш. шк., 1989. – 253 с.
3. Карасев, А.И. Курс высшей математики для экономических вузов. Ч. 2: Теория вероятностей и математическая статистика. Линейное программирование / А.И. Карасев, З.М. Аксюткина, Т.И. Савельева. – М.: Высш. шк., 1982. – 320 с.
4. Медведева М.И. Теория вероятностей и математическая статистика с применением информационных технологий: Учеб. пособие / М.И. Медведева, Е.Г. Новожилова, Ю.Н. Полшков, Н.В. Румянцев; Донец. нац. ун-т. – Донецк :ДонНУ, 2002. – 331 с.
5. Пясецкая Т.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. Задачи и методические указания к их решению / Т.Е. Пясецкая. – Д.: ДонНУ, 2019. – 80 с.

11. ИНФОРМАЦИОННЫЕ РЕСУРСЫ

1. **Национальная электронная библиотека (НЭБ):** федеральная государственная информационная система / Министерство Культуры РФ; Российская государственная библиотека. – Москва, 2019- . – URL: <https://rusneb.ru/> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: свободный, подписка. Необходима установка программного обеспечения. – Текст: электронный.
2. **eLIBRARY.RU:** научная электронная библиотека: сайт. – Москва, 2000- . – URL: <https://elibrary.ru> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: для авторизов. пользователей. –Текст: электронный.
3. Научная электронная библиотека **«КиберЛенинка»:** сайт / Ассоциация «Открытая наука». – Москва, 2014- . – URL: <https://cyberleninka.ru/>. – Режим доступа: свободный. – Текст: электронный.
4. Электронно-библиотечная система **«Лань»:** [сайт]. – URL: <https://e.lanbook.com> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: для авторизов. пользователей. – Текст: электронный.
5. **ЭБС Юрайт:** электронная библиотечная система: сайт. – Москва, 2013. – URL: <https://biblio-online.ru> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: для авторизов. пользователей. – Текст: электронный.
6. **Электронно-библиотечная система ДонГУ:** сайт / ФГБОУ ВО «ДонГУ». – Донецк, 2016- . – URL: <http://library.donnu.ru/> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: свободный. – Текст: электронный.
7. **Электронный каталог** Научной библиотеки ДонГУ: раздел сайта / НБ ДонГУ. – Текст: электронный // ЭБС ДонГУ: сайт. – URL: <http://library.donnu.ru/catalog/>

(дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: поиск свободный, электронные документы – для пользователей ДонГУ.

8. **Электронный архив ДонГУ**: раздел сайта / НБ ДонГУ. – Текст: электронный // ЭБС ДонГУ: сайт. – URL: <http://repo.donnu.ru/> (дата обращения: 01.09.2023). – Режим доступа: свободный.

12. ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

1. Windows 7 PRO (корпоративная лицензия ДонГУ № 46484614)
2. Microsoft Office (корпоративная лицензия ДонГУ № 46472919)
3. Microsoft Visual Studio (лицензия программы Dream Spark для высших учебных заведений)
4. Антивирус Касперского, Adobe Acrobat Reader, xPDF (лицензии GPL, Apache, BSD для свободного программного обеспечения).